#### МИНОБРНАУКИ РОССИИ

# Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Тверской государственный технический университет» $(Tв\Gamma TY)$

Е.Е. Фомина
Е.Е. Фомина
математики
информатики и прикладно
заведующий кафедрой
УТВЕРЖДАЮ

#### ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

промежуточной аттестации в форме экзамена

дисциплина «Математика»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Разработаны в соответствии с рабочей программой утвержденной  $<\!\!<\!\!22>\!\!> 04\ 2025\ \Gamma$ .

Форма обучения – очная

Разработчик: Фомина Е.Е.

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Матрицы. Прямоугольная, квадратная, единичная и транспонированная матрица.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Проверить ортогональность базиса  $B = \{a,b,c\}$   $a = \{1, 2, 3\}, b = \{0, -3, 2\}, c = \{13, -2, -3\}.$ 

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел последовательности  $\mathbf{A}=\frac{\lim\limits_{n\to\infty}\frac{6n^3-\sqrt{n^5+1}}{\sqrt{4n^6+3}-n}}.$ 

« <i>отлично</i> » - при сумме баллов 5 и	ли 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме «неудовлетворительно» - при сум	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 2

1. Dollpoc Alla liboschkii Abbara (211 $\Delta$ 10) – O illii 1 illiii 2 od	прос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 бал	JIJIa.
---	--	--------

Определители, свойства определителей. Алгебраические дополнения и миноры. Разложение определителя по строке (столбцу).

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Проверить линейную зависимость векторов  $a = \{1, 0, 1\}, b = \{1, 1, 2\}, c = \{2, 1, 2\}.$ 

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел 
$$\mathbf{A} = \lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 1}{2x^2 - x - 1}.$$

### Критерии итоговой оценки за экзамен:

«отлично» - при сумме баллов 5 или 6; «хорошо» - при сумме баллов 4; «удовлетворительно» - при сумме баллов 3; «неудовлетворительно» - при сумме баллов 0, 1 или 2.

Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 3

- 1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» 0 или 1 или 2 балла: Невырожденная, обратная матрица. Способы нахождения.
- 2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» 0 или 2 балла:

Привести к каноническому виду уравнение прямой

L: 
$$\begin{cases} 3x + 5y + z - 2 = 0, \\ x - 4y + 2z + 3 = 0. \end{cases}$$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел 
$$\mathbf{A} = \lim_{x \to a} (2 - \frac{x}{a})^{tg} \frac{\pi x}{2 a}$$
.

«отлично» - при сумме баллов	5 или 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4	;
«удовлетворительно» - при суч «неудовлетворительно» - при с	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №\_4\_

1.	Вопрос для п	роверки у	ровня	«ЗНАТЬ» -	- 0 или 1	1 или 2	балла:

Ранг матрицы. Определение ранга.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти расстояние 
$$\rho(A, L)$$
, где  $A = \{0, 0\}$ ,  $L: 12x + 4y - 5 = 0$ .

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел 
$$\mathbf{A} = \lim_{x \to \pi/2} \frac{2^{\cos^2 x} - 1}{\ln(\sin x)}$$
.

### Критерии итоговой оценки за экзамен:

«отлично» - при сумме баллов 5 или 6; «хорошо» - при сумме баллов 4; «удовлетворительно» - при сумме баллов 3; «неудовлетворительно» - при сумме баллов 0, 1 или 2.

Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №\_5\_

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:
Методы решения систем линейных уравнений.
2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:
Найти расстояние $\rho(A, L)$ $A = \{1, 2\}, L: x = -2y + 5/2$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» — 0 или 2 балла: Найти предел  $A = \lim_{x \to \pi} \frac{1 + \cos 3x}{\sin^2 7x}$ .

#### Критерии итоговой оценки за экзамен:

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 6

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Линейная независимость векторов, базис в пространстве.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла: Найти точку пересечения прямой L с плоскостью Р

L: 
$$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{5} = \frac{z-1}{3}$$
; P:  $3x - y + z + 1 = 0$ .

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел 
$$A = \lim_{x \to 0} [1 - \ln(\cos x)]^{\frac{1}{tg^2x}}$$
.

### Критерии итоговой оценки за экзамен:

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 7

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Векторы. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти точку пересечения (если она существует) двух прямых

**L1**: 
$$\begin{cases} x - 3z + 4 = 0, \\ y - z - 2 = 0, \end{cases}$$
 **L2**: 
$$\frac{x + 3}{1} = \frac{y + 1}{2} = \frac{z + 1}{1}.$$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти предел 
$$A = \lim_{x \to 2} \frac{tg \ x - tg \ 2}{sin \left[ln \ (x-1)\right]}$$
.

#### Критерии итоговой оценки за экзамен:

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 8

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Векторное произведение векторов, свойства и геометрический смысл векторного произведения.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти уравнение плоскости, проходящей через две точки A ( -1, -2, 0 ), B ( 1, 1, 2 ) перпендикулярно плоскости P: x + 2y + 2z - 4 = 0.

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Определить точки разрыва функции  $y = \frac{1-x^2}{1+x^3}$ .

«отлично» - при сумме оаллов 5	или б;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумм «неудовлетворительно» - при су	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 9

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Смешанное произведение, свойства и геометрический смысл смешанного произведения.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти уравнение плоскости, которая проходит через точку A ( -1, -2, 0 ), B ( 1, 1, 2 ) перпендикулярна двум плоскостям P1: 2x + 3z - 1 = 0, P2 : x + 2y + z = 0.

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти производную функции  $y = x^{7}^{X}$ .

«отлично» - при сумме баллов 5 ил	и 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме «неудовлетворительно» - при сумм	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 10

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Прямая на плоскости. Различные виды уравнения прямой, геометрический смысл коэффициентов.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти площадь треугольника с вершинами A(0, 2, -1), B(2, 3, 0), C(3, 4, 4).

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти производную функции  $y = [tg(\cos x^2)]^x$ .

« <i>отлично</i> » - при сумме баллов 5 ил	и 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме «неудовлетворительно» - при сумм	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 11

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Плоскость. Различные виды уравнения плоскости, геометрический смысл коэффициентов.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Проверить совместность системы и в случае совместности решить ее методом Гаусса

$$\begin{cases} 2x + y + 3z = 7 \\ 2x + 3y + z = 1 \\ 3x + 2y + 1z = 6 \end{cases}$$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла: Найти дифференциал функции

Критерии итоговой оценки за экзамен	Критерии	итоговой	оценки за	экзамен
-------------------------------------	----------	----------	-----------	---------

«отлично» - при сумме баллов :	5 или 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4	•
«удовлетворительно» - при сум «неудовлетворительно» - при с	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 12

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Прямая в пространстве. Различные виды уравнения прямой, геометрический смысл коэффициентов.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти объем пирамиды с вершинами A (0, 0, 0), B (1, 1, 0), C (2, 1, 0), D (0, 0, 6).

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти дифференциал функции

«отлично» - при сумме баллов 5 или 6;	
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме баллов 3;	
«неудовлетворительно» - при сумме баллов 0, 1 или 2.	
Составитель:	.E. Фомина
Заведующий кафедрой: Е.Е. Ф	омина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 13

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Предел функции одной переменной. Односторонние пределы. Первый и второй замечательные пределы.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Вычислить  $A = (1+i)^8 (1-i\sqrt{3})^{-6}$ .

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Исследовать на экстремум функцию  $y = \frac{2x^2 - 1}{x^4}$ .

#### Критерии итоговой оценки за экзамен:

### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 14

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Непрерывность функции в точке и на отрезке. Точки разрыва функции, классификация точек разрыва.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Решить систему уравнений 
$$\begin{cases} x - y + 3z = 9, \\ 3x - 5y + z = -4, \\ 4x - 7y + z = 5. \end{cases}$$

«отлично» - при сумме баллов 5	или 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумм	ие баллов 3;
«неудовлетворительно» - при су	мме баллов 0, 1 или 2.
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 15

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Приращение аргумента и функции. Производная. Геометрический смысл производной.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти ранг матрицы 
$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 5 & 4 \\ 4 & 2 & 10 & 3 \\ 1 - 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

#### Критерии итоговой оценки за экзамен:

«отлично» - при сумме баллов 5 или 6; «хорошо» - при сумме баллов 4; «удовлетворительно» - при сумме баллов 3; «неудовлетворительно» - при сумме баллов 0, 1 или 2.

Составитель:	Е.Е. Фомина
	<del></del>
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № <u>16</u>

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Кривая, заданная параметрически. Производная функции, заданной параметрически.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти обратную матрицу для матрицы 
$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 4 \\ 2 & 3 - 2 \\ 5 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Исследовать на экстремумы функцию  $y = e^x \cdot \sin x$ ,  $x \in [0, 4\pi]$ .

«отлично» - при сумме баллов 5 и	іли 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при суммо	е баллов 3;
«неудовлетворительно» - при сум	име баллов 0, 1 или 2.
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № <u>17</u>

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Производная сложной и неявной функции. Производная показательностепенной функции (вывод формулы).

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Вычислить определитель 
$$D = \begin{vmatrix} 3 & 2 & 4 & 1 \\ -1 & 1 & 5 & 8 \\ 3 & 2 - 1 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 2 \end{vmatrix}$$
.

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» — 0 или 2 балла:

Найти асимптоты функции  $y = 2 / x + \sqrt{x^2 - 1}$ .

### Критерии итоговой оценки за экзамен:

### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 18

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Применение производной для нахождения пределов неопределенных выражений (правило Лопиталя).

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти общее решение системы уравнений  $\begin{cases} 2x+3y+5z=4,\\ x-y+4z=3,\\ 5x+17z=5. \end{cases}$ 

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» — 0 или 2 балла:

Исследовать на выпуклость, вогнутость функцию  $y = \sqrt[3]{x+2}$ .

«отлично» - при сумме оаллов 5 и	ли о;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме	е баллов 3;
«неудовлетворительно» - при сум	ме баллов 0, 1 или 2.
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

### ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 19

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Локальный экстремум, наименьшее и наибольше значение функции. Необходимое и достаточное условие экстремума.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Решить систему и записать ее решение в виде фундаментальной системы

$$\begin{cases} x + 2y + 4z = 0 \\ 5x + 5y + 2z = 0 \\ 4x - y - 2z = 0 \end{cases}$$

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

В плоскости Oxy найти вектор  $\vec{a}$ , перпендикулярный вектору  $\vec{b} = 3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$  и имеющий с ним одинаковую длину.

«отлично» - при сумме баллов 5 ил	ш 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме	
«неудовлетворительно» - при сумм	ме баллов 0, 1 или 2.
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина

#### «Тверской государственный технический университет»

Специальность: 09.02.12 Техническая эксплуатация и сопровождение информационных систем

Кафедра «Информатики и прикладной математики» Дисциплина «Математика»

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 20

1. Вопрос для проверки уровня «ЗНАТЬ» – 0 или 1 или 2 балла:

Точки перегиба, промежутки выпуклости и вогнутости функции.

2. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти прямоугольные координаты вектора  $\vec{d}$ , если он ортогонален векторам  $\vec{a} = \vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$  и  $\vec{b} = 2\vec{i} + 6\vec{k}$ , а скалярное произведение векторов  $\vec{d}$  и  $\vec{c} = \vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}$  равно - 1.

3. Задание для проверки уровня «УМЕТЬ» – 0 или 2 балла:

Найти 
$$AB+AC$$
, если  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 5 & 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ -1 & 3 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 2 & 6 \\ -1 & 2 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$ 

«отлично» - при сумме баллов 5 и	ли 6;
«хорошо» - при сумме баллов 4;	
«удовлетворительно» - при сумме «неудовлетворительно» - при сум	
Составитель:	Е.Е. Фомина
Заведующий кафедрой:	Е.Е. Фомина